

dem th 6 On se donne des réels  $p_1, \dots, p_n$  positifs  
et tels que  $\sum_{k=1}^n p_k = 1$ .

On se donne aussi des réels 2 à 2 distincts  $x_1, x_2, \dots, x_n$ .

but Il existe un espace probabilisé  $(\Omega, \mathbb{P})$  et  
une application  $X: \Omega \rightarrow \mathbb{R}$  tels que  
 $X(\Omega) = \{x_1, \dots, x_n\}$  et  $\forall k \in \llbracket 1, n \rrbracket, \mathbb{P}(X = x_k) = p_k$ .

On pose  $\Omega \stackrel{\text{def}}{=} \{1, 2, \dots, n\} = \llbracket 1, n \rrbracket$

et on choisit par  $\mathbb{P}$  l'unique probabilité sur  $\Omega$   
vérifiant  $\forall k \in \llbracket 1, n \rrbracket, \mathbb{P}(\{k\}) \stackrel{\text{def}}{=} p_k$

(elle est définie dans le th 7 du chap 14).

On définit ensuite  $X: \Omega \rightarrow \mathbb{R}$

par  $\forall k \in \llbracket 1, n \rrbracket, X(k) \stackrel{\text{def}}{=} x_k$ .

\*  $X$  est une v.a.r.

\*  $X(\Omega) = \{x_1, \dots, x_n\}$

\* Pour tout  $k \in \llbracket 1, n \rrbracket: (X = x_k) = \{\omega \in \llbracket 1, n \rrbracket; X(\omega) = x_k\} = \{k\}$

donc  $\mathbb{P}(X = x_k) = \mathbb{P}(\{k\}) = p_k$